**עבודה בלמידה לא מפוקחת**

מגיש 1 : נעם פרץ

ת.ז : 206949398

מגיש 2 : אבירם חדד

ת.ז : 200791945

## מבוא:

לכל חברה אשר מקיימת קשר עם העולם העסקי שבחוץ ורוצה להציג את הדוחות הכספיים מתקיים קשר שותף עם רואי חשבון אשר מסתכם בסופו של דבר לדוח ביקורת שנתי של רואי החשבון על החברה.

הדאטה שלנו מציגה למעשה כ-21000 דוחות ביקורת של רואי חשבון בסרביה שכוללים בתוכו משתנים קטגוריאליים ועל סוג המבקר וסוג החברה ומשתנים מספריים של דוחות הביקורת.

בתחילה נבצע הורדת מימד לפי PCA ל-2 ו-3 מימדים על מנת לראות האם ניתן לבצע הורדת מימד לדאטה מבלי לאבד יותר מידי מידע. בנוסף נבצע הורדת גם בשיטת t-SNE ונבדוק את ההבדל בין שיטה זו ל-PCA.

לאחר מכן נרצה לבצע את האשכולים הבאים:

1. K-means.
2. Agglomerative Clustering.
3. GMM.

ולבחון האם קיימים מאפיינים שיכולים להעיד על דוח ביקורת חיובי/שלילי/נייטרלי.

בנוסף הדאטה שלנו מחולקת לדוחות שנוצרו ע"י מבקרים מארבעת החברות הגדולות (BIG4) ומחברות אחרות ונרצה לבחון האם קיים איזשהוא קשר בין מוצא הדוח לבין הדוח עצמו.

דבר אחרון שיעניין אותנו זה לראות האם שינוי מבני של החברות היו יכולות להיחזות כאשכול בפני עצמו או לחילופין האם ה- BIG4 ידעו לזהות טוב יותר את המקרים הנ"ל.

## ניקוי וסידור הנתונים:

**הסתכלות ראשונית:**

דבר ראשון, נבדוק את הנתונים שלנו, המסודרים בטבלת csv.

פתחנו פרויקט פייתון שיעזור לנו להשתמש בנתונים ולערוך אותם.

קודם כל, נבדוק את גודל הטבלה ע"י הפקודה :

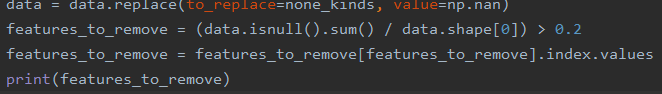
התוצאה הנתונה היא : (22394, 411) – כלומר, 22394 שורות, 411 פיצ'רים שונים.

לאחר מכן, נבדוק אילו משתנים יש לנו ע"י הרצת הפקודה :



קיבלנו שהמשתנים שלנו הם מסוג int,float,object.

**ניקוי נתונים :**

כעת, נבדוק באיזה פיצ'רים חסרים מעל 20 אחוז מהנתונים :

והתוצאה היא :

ניתן לראות שרק לחלק קטן מאוד מהפיצ'רים חסרים מעל 20 אחוזים מהנתונים!

נתבונן על הפיצ'רים שיצאו לנו :

**Auditor\_switch:**

פרמטר שאומר האם המבקר התחלף בשנה הזו או לא. בעמודה זו חסרים כמעט 58 אחוז מהנתונים. בגלל התלות של המשתנה הזה במשתנה auditor\_name(אפשר לראות האם התחלף או לא), החלטנו למחוק אותו לגמרי.

**Auditor\_name:**

פרמטר שנותן לנו את שם המבקר בשורת נתונים. בעמודה זו חסרים 40 אחוז מהנתונים, אך בגלל שהיא קטגורית ולא מספרית, החלטנו להשאיר אותה, ולשים במקומות הריקים פשוט “Unknown”.

**Auditor\_id:**

פרמטר שנותן לנו מספר מזהה של המבקר בשורת נתונים. בעמודה זו חסרים 40 אחוז מהנתונים. בגלל שאין משמעות למספר, והוא רק זהות, החלטנו לתת לכל המקומות הריקים id=0.

**Big4:**

פרמטר שנותן 1 אם חברת הביקורת היא מ4 הגדולות ו0 אחרת. החלטנו לתת ערך -1 לכל אחד מהמקומות הריקים.

**Audit\_opinion:**

פרמטר שמראה מה חושבת חברת הביקורת על החברה הפיננסית, בעלת 4 קטגוריות שונות – disclaimer, adverse, qualified, unqualified. החלטנו לתת ערך “Unknown” לכל אחד מהמקומות הריקים.

**Audit\_opinion\_1\_code:**

פרמטר שנותן 0 אם הaudit\_opinion הוא unqualified ו1 אחרת. בגלל התלות שלו במשתנה השני, החלטנו להוריד אותו לגמרי.

קטע הקוד המבצע את זה הוא :

(את העמודות הורדנו ידנית בתוכנת הExcel).



**המשך ניקוי נתונים :**

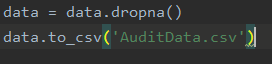
מהמשך הסתכלות על הנתונים, ראינו שחסר עוד מעל אחוז של מידע בעמודות CEO\_id, Year\_Of\_Establishment, וIndustry\_Code. מהסתכלות על המידע בטבלת אקסל, ראינו שהמידע של Year\_Of\_Establishment, Industry\_Code חסר בדיוק באותם Instances בדאטא, ולכן החלטנו להוריד אותם.

בנוסף, שמנו במקומות הריקים בCEO\_id 'Unknown' בחלקים החסרים.

לאחר מכן, ראינו שחסרים נתונים גם בהמון עמודות AOP, וראינו שהאחוז שחסר הוא מאוד נמוך. לכן, בדקנו את האחוז ע"י הפקודה הבאה :



קיבלנו שהאחוז שיש בו nulls הוא 0.4 אחוז, ולכן החלטנו לזרוק את כל הדאטא הבעייתי על ידי הפקודה :



כעת, יש לנו דאטא נקי מתאים ריקים.

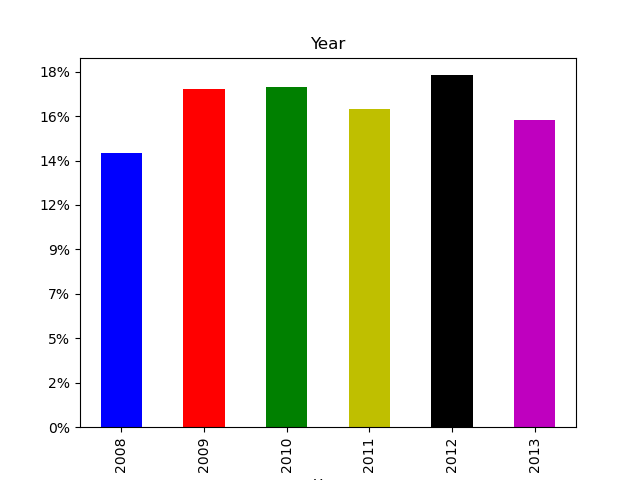
## חקירת הדאטא וויזואליזציה:

בשלב זה רצינו להתחיל לראות איך הדאטא נראית לפני שאנחנו עושים איזשהו עיבוד על הדאטא. תחילה יש לשים לב כי הדאטא מחולקת באופן גס ל-3 קטגוריות:

1. נתונים על הדוח ביקורת של רואה החשבון (כל מה שמוגדר כ-AP, שנת הדוח, האם כותב הדוח היה חלק מה- Big4, ודעתו של רואה החשבון- Audit Opinion)
2. נתונים כללים על החברה עליה התבצע הדוח (שם החברה, האם היא מוגדרת כארגון/בע"מ וכו', האם היא פשטה את הרגל או ביצעה שינוי מבנה חברתי ושנת הקמה של החברה)
3. נתונים כללים על הדאטא (מי כתב את הדוח ביקורת, מספרי זיהוי שונים)

נציג כעת את הגרפים של הדאטא:

**שנת הדו"ח:**

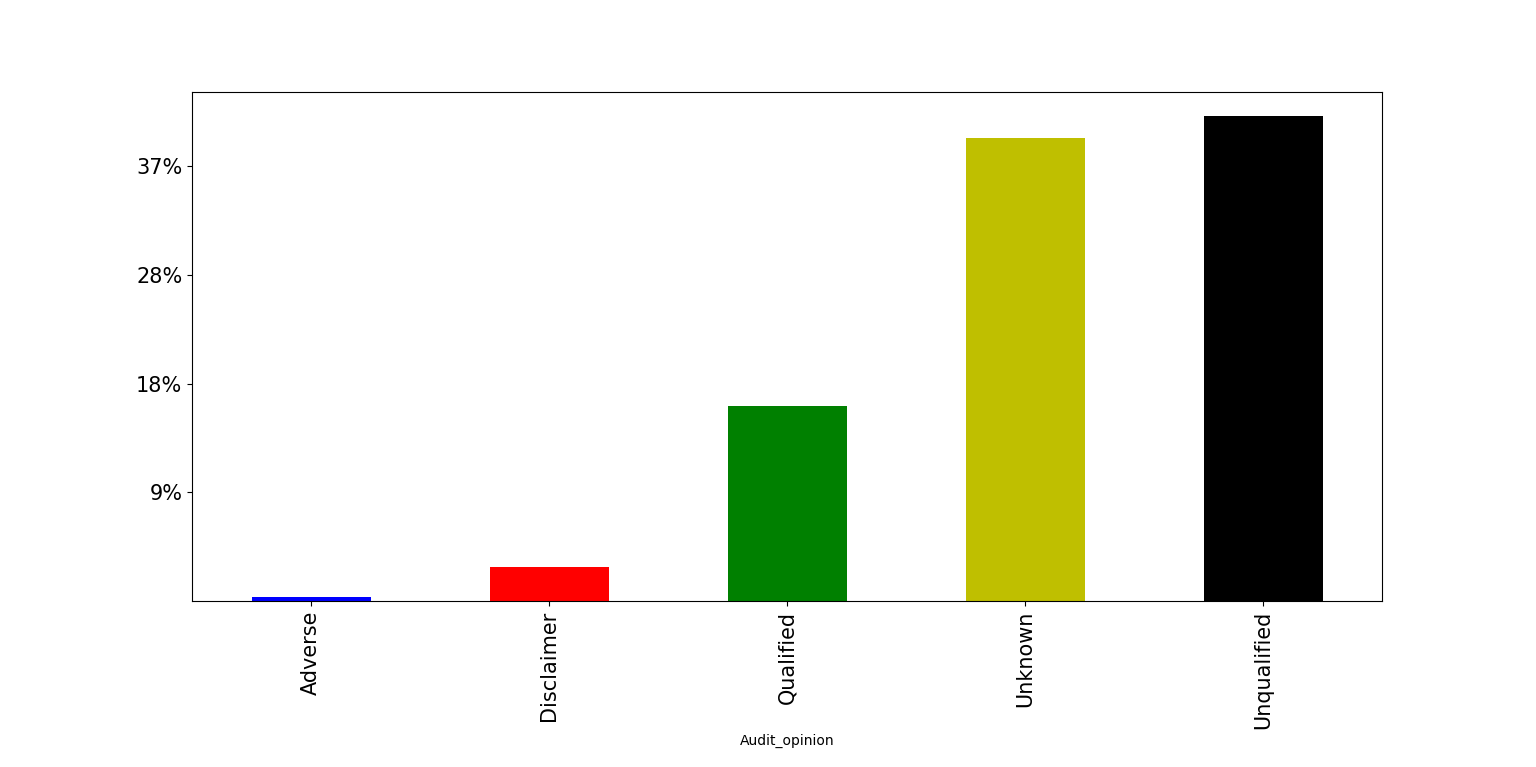
# Year = data.groupby('Year').size().plot(kind="bar", color= my\_colors , title= 'Year')  
# vals = Year.get\_yticks()  
# Year.set\_yticklabels(['{:,.0%}'.format(x / data.shape[0] ) for x in vals])

גרף 1- חלוקה של הדוחות לפי השנים.

ניתן לראות כי הדוחות מתחלקים כמעט בצורה אחידה בשנים שבהם הדאטא נלקחה. כלומר, ניתן יהיה להסיק מסקנות במידה ויהיו כאלה מבלי לחשוש לחוסר איזון של הדאטא.

**חוות דעת:**

Audit\_opinion = data.groupby('Audit\_opinion').size().plot(kind="bar", color=my\_colors, fontsize=15)  
vals = Audit\_opinion.get\_yticks()  
Audit\_opinion.set\_yticklabels(['{:,.0%}'.format(x / data.shape[0]) for x in vals])  
Audit\_opinion

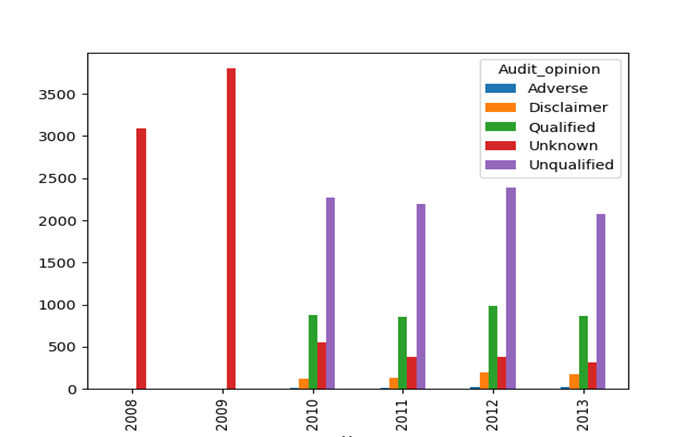


גרף 2- חלוקה של חוות הדעת של רואי החשבון על דוח החברה.

כפי שמצופה לראות בדוחות ביקורת, החלוקה של חוות הדעת מתחלקת באופן לא שווה כאשר יש מעט מאוד חוות דעת שליליות או הימנעות מחוות דעת, הרוב המוחלט הן חוות דעת "נקיות" או כאלה שיש להם סייג כלשהו. בנוסף, ניתן לראות שיש כ-40% מהדאטא שלא נתונה.

**חוות דעת לפי שנים:**

pd.crosstab(data['Year'],data['Audit\_opinion']).plot(kind='bar')  
plt.show()

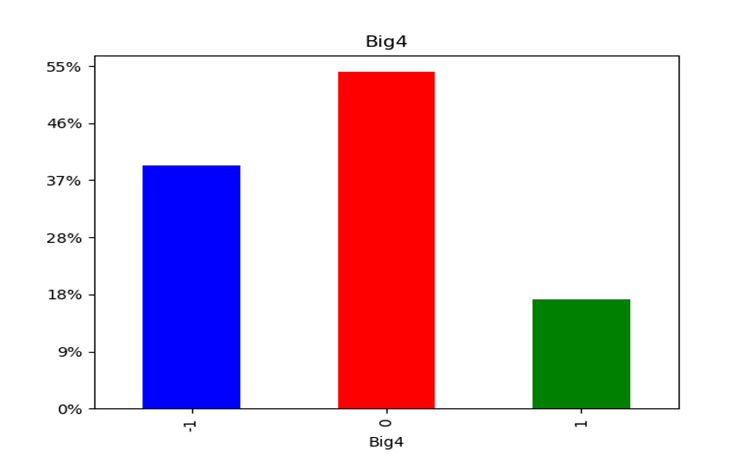


גרף 3- חלוקת חוות דעת רואה החשבון לפי שנים.

במבט קצת יותר רחב, ניתן לראות שרוב חוות הדעת שאינן ידועות הן בשנים 08-09 ומהשנים האלה והלאה חסרות מעט מאוד חוות דעת, והן מתפלגות כפי שאנחנו מצפים לראות. (אחוז חלקי = אחוז כללי)

**4 המבקרים הגדולים:**

Big4 = data.groupby('Big4').size().plot(kind="bar", color= my\_colors , title= 'Big4')  
vals = Big4.get\_yticks()  
Big4.set\_yticklabels(['{:,.0%}'.format(x / data.shape[0]) for x in vals])  
Big4



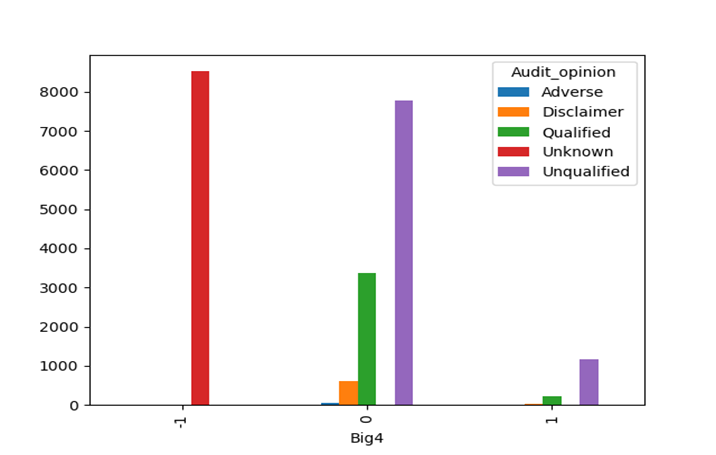
גרף 4- חלוקה של הדוחות לפי השאלה ה-Big 4.

ניתן לראות כי כ-20% מהדוחות ביצעו ה- big 4 (1) כ-40% שלא ידוע (1-), וכ-40% שביצעו מבקרים אחרים.

כמו כן, ניתן לראות בגרף הבא את חוות הדעת של רואי החשבון לפי החלוקה ל-Big 4.

**4 המבקרים הגדולים ביחס לחוות הדעת:**

pd.crosstab(data['Big4'],data['Audit\_opinion']).plot(kind='bar')

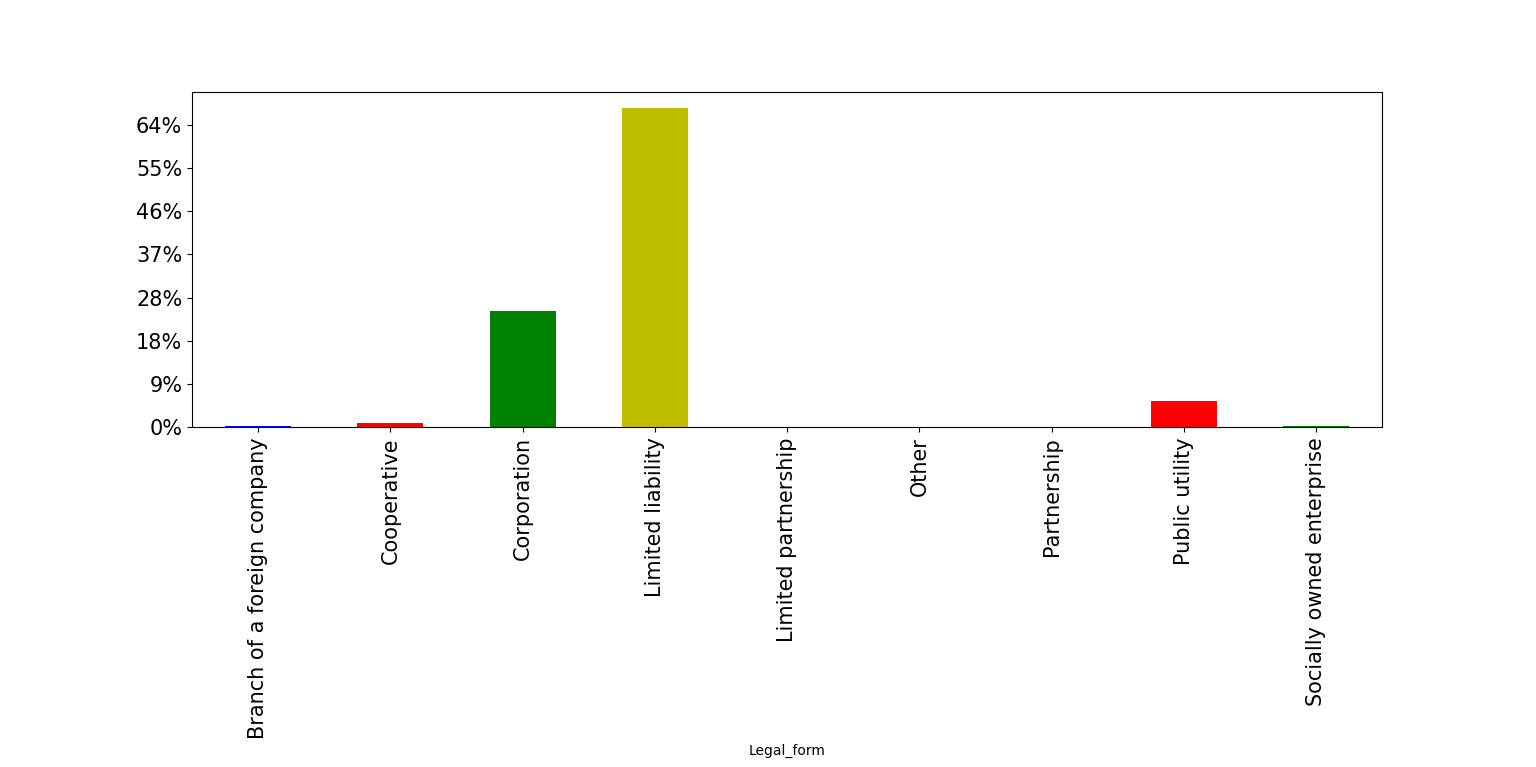


גרף 5- חוות דעת לפי חלוקת Big 4.

נתון מעניין שניתן לראות כאן הוא ההבדל ביחס בין חוות דעת "קיצוניות" –Disclaimer או Adverse - בין ארבעת החברות הגדולות לבין השאר. כמו כן, כל הדוחות שלא ידוע מי ביצע אותם, גם לא ידוע מה הייתה חוות הדעת של מבקר הדוח.

**סוגי חברות:**

Legal\_form = data.groupby('Legal\_form').size().plot(kind="bar", color=my\_colors , fontsize=15)  
print(Legal\_form)  
vals = Legal\_form.get\_yticks()  
Legal\_form.set\_yticklabels(['{:,.0%}'.format(x / data.shape[0]) for x in vals])  
Legal\_form



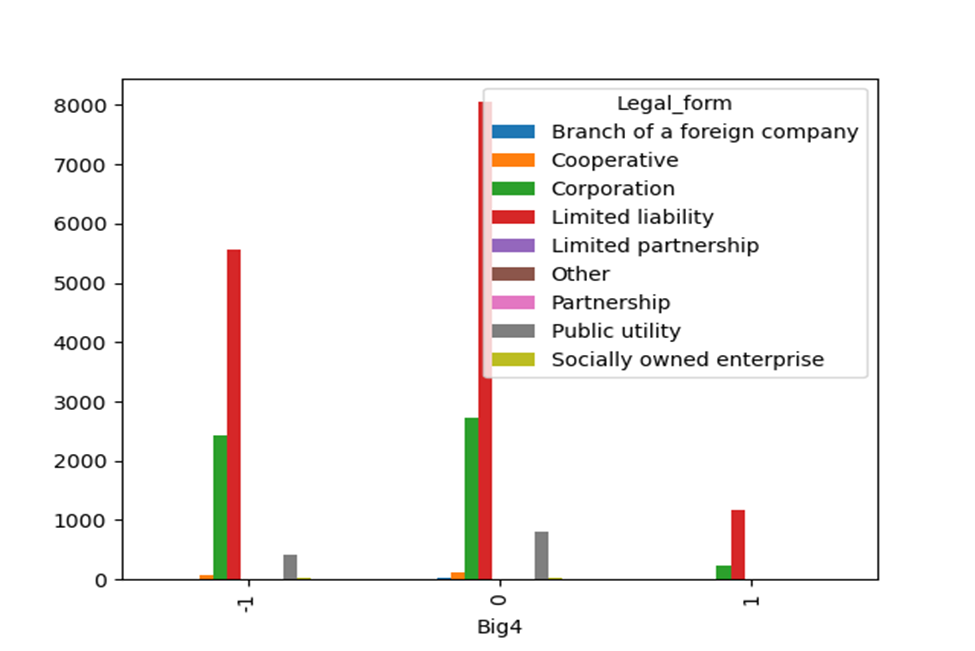
גרף 6- סוג החברה ממנה הגיע הדוח.

כפי שניתן לראות מהגרף, רוב החברות הן בע"מ ותאגיד. ישנם עוד מספר מועט מאוד של סוגי חברות אך הסקת המסקנות שלנו לגביהן תהיה בערבון מוגבל אם בכלל.

בנוסף ניתן לראות בגרף הבא את החלוקה בין ארבעת החברות הגדולות לבין סוגי החברות עליהן התבצע הדוח.

**סוגי חברות ע"פ 4 המבקרים הגדולים:**

pd.crosstab(data['Big4'],data['Legal\_form']).plot(kind='bar')  
plt.show()

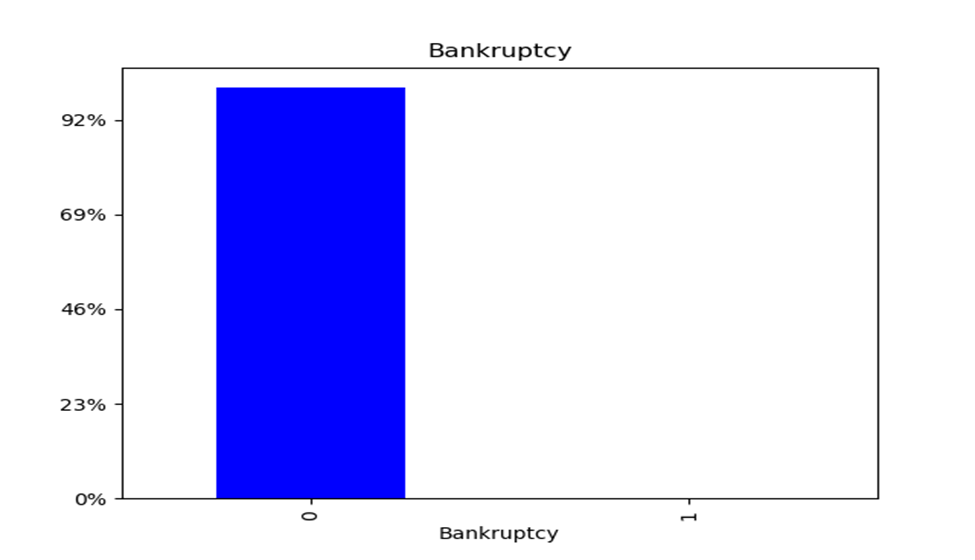


גרף 7- סוגי החברות עליהן התבצע הדוח לפי חלוקה לארבעת הגדולות.

כפי שניתן לראות מהגרף, רוב החברות ש4 הגדולות מבקרות הן חברות בע"מ, ומעט תאגידים, באופן יחסי לאחוז הכללי של התאגידים בדאטא.

**פשיטת רגל:**

Bankruptcy = data.groupby('Bankruptcy').size().plot(kind="bar", color=my\_colors , title= 'Bankruptcy')  
vals = Bankruptcy.get\_yticks()  
Bankruptcy.set\_yticklabels(['{:,.0%}'.format(x / data.shape[0]) for x in vals])  
Bankruptcy

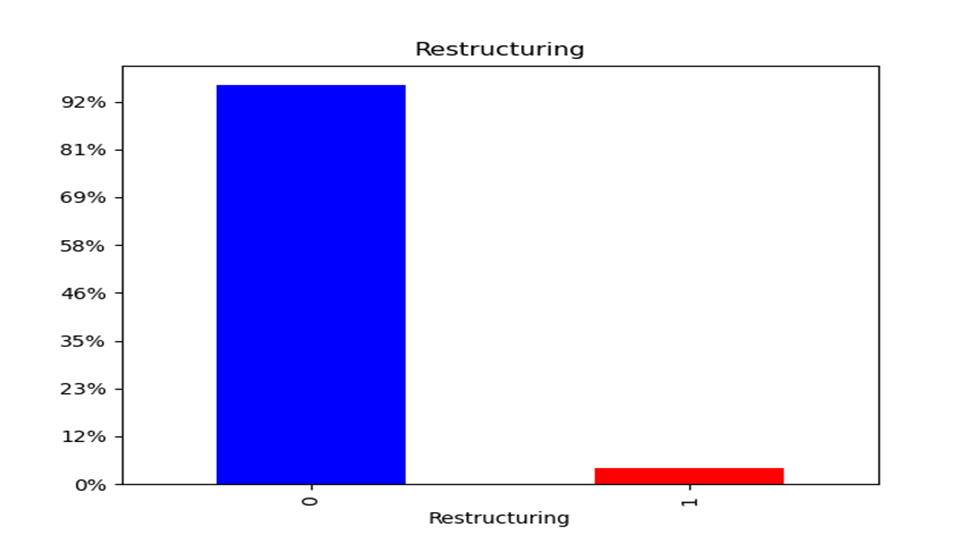


גרף 8- חלוקת הדאטה לפשיטת רגל.

כפי שניתן לראות, 99.9% מהחברות לא פשטו רגל (רק 11 חברות פשטו רגל). כיוון שהחלוקה כאן כל כך לא מאוזנת החלטנו להוריד את 11 הדגימות הללו ולהתעלם מהפיצ'ר הזה בהמשך.

**שינוי מבנה החברה:**

Restructuring = data.groupby('Restructuring').size().plot(kind="bar", color=my\_colors , title= 'Restructuring')  
vals = Restructuring.get\_yticks()  
Restructuring.set\_yticklabels(['{:,.0%}'.format(x / data.shape[0]) for x in vals])  
Restructuring



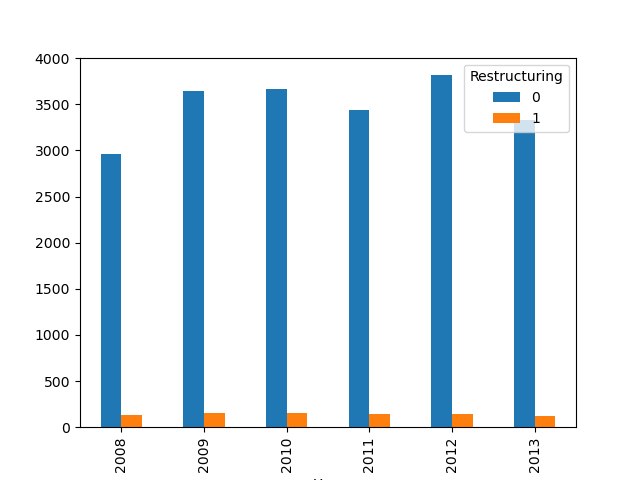
גרף 9- האם התבצע שינוי מבנה חברתי.

אמנם גם כאן הדאטא כלל לא מאוזנת אבל יש כ-5% שביצעו שינוי מבנה. כיוון שזה יכול להעיד וללמד הרבה על החברה, החלטנו להשאיר את הפיצ'ר הזה.

**שינוי מבנה לפי שנים:**

לסיום, רצינו לבדוק האם שינוי מבנה הייתה אולי פונק' של שנה קשה במשק ולכן:

pd.crosstab(data['Year'],data['Restructuring']).plot(kind='bar')  
plt.show()



גרף 10- שינוי מבנה חברתי לפי שנים.

כפי שניתן לראות, השינוי המבני מתחלק כמעט בצורה אחידה בין השנים ולכן לא נוכל להסיק את המסקנה לעיל.

לאחר שהתבוננו בדאטא, רצינו לחפש קורלציות שונות בין הפיצ'רים. על מנת לבצע את זה, הורדנו את כל הפיצ'רים שקשורים לזיהוי:

data.drop('Unique\_identifier', axis=1, inplace=True)  
data.drop('Industry\_code', axis=1, inplace=True)  
data.drop('Company\_name', axis=1, inplace=True)  
data.drop('CEO\_id', axis=1, inplace=True)  
data.drop('Auditor\_id', axis=1, inplace=True)  
data.drop('Company\_id', axis=1, inplace=True)

וכמו כן, הורדנו את הפיצ'רים שקיימים באופן בדיד:

data.drop('Auditor\_name', axis=1, inplace=True

data.drop('Year\_of\_establishment', axis=1, inplace=True)

לאחר מכן ביצענו את קטע הקוד הבא:

col=data.columns  
categorical\_data = data.select\_dtypes('object')  
numerical\_data=[]  
for columns in col:  
 if columns not in categorical\_data:  
 numerical\_data.append(columns)  
writer= pd.ExcelWriter('corr matrix.xlsx', engine = 'xlsxwriter')  
corr=data[numerical\_data].corr()  
corr.style.background\_gradient(cmap='coolwarm').set\_precision(2).to\_excel(writer)  
writer.save()

קיבלנו מטריצת קורולציה ענקית בגודל של 400 על 400 שמוצגת כנספח 1.

לאחר ששמרנו את המטריצה ביצענו עליה חיפוש עבור קורלציות גבוהות במיוחד:

df = pd.read\_csv("corr matrix.csv", encoding='unicode\_escape', low\_memory=False, index\_col=[0])  
corr\_list1=[]  
corr\_list2=[]  
corr\_list3=[]  
for i in df.columns:  
 idx = df.index[df[i]>=0.8]  
 if len(idx)>10:  
 corr\_list1.append(idx)  
 idx\_min= df.index[df[i]>=0.1]  
 if len(idx\_min)<=2:  
 corr\_list2.append(idx\_min)  
 idx\_equal= df.index[df[i] ==1]  
 if len(idx\_equal)>=2:  
 corr\_list3.append(idx\_equal)  
print('the feature that have more then 10 other features with corolation above 0.8 is:\n' + str(corr\_list1) + 'and the number of the features is:\n' + str(len(corr\_list1)))  
print('the feature that have corrolation equals 1 with other features is:\n' + str(corr\_list3) + 'and the number of the features is:\n' + str(len(corr\_list3)))  
print('the feature that have not more then 1 other features with corolation above 0.1 is:\n' + str(corr\_list2) + 'and the number of the features is:\n' + str(len(corr\_list2)))

וקיבלנו כי עבור 25 מאפיינים יש קורלציה של מעל 0.8 עבור יותר מ-10 מאפיינים אחרים. בנוסף ישנם מאפיינים שהקורלציה בינם לבין מאפיינים אחרים היה ממש אחד וגם אותם חיפשנו וגילינו שיש 10 כאלה. לבסוף בדקנו לאלו מאפיינים הקורלציה הכי גבוהה לאיזשהוא מאפיין אחר היא מקס' 0.1 כך שנוכל להגיד שהם עומדים בפני עצמם וקיבלנו 23 כאלה. את כל אלו שמרנו בקובץ שמופיע גם הוא כנספח 2.

# ניתוח נתונים:

### הורדת מימד:

על מנת לבצע ניתוח טוב ביצענו עוד שלושה שלבים מקדימים לפני כל אשכול:

1. חילקנו את הדאטה לפי דוחות הביקורת כך שכל ה-Unknown לא ישתתפו באשכול.
2. נרמלנו את הדאטה.
3. השתמשנו ב- one hot encoder עבור הפיצ'רים: audit opinion, legal form. בשלב בויזואליזציה, החזרנו אותם לצורה המקורית שלהם.

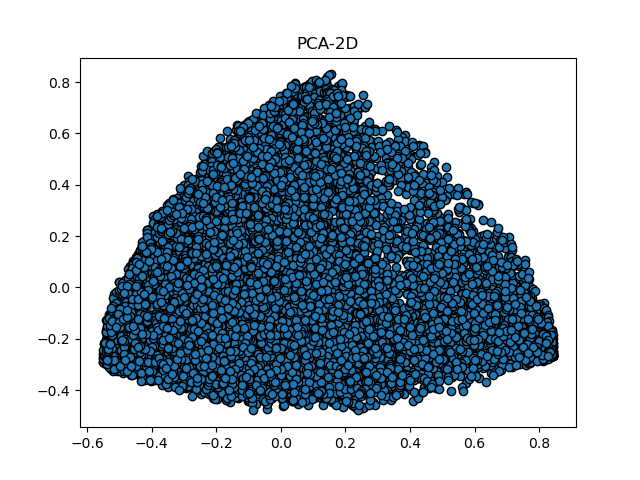
בתחילה ביצענו הורדת מימד בעזרת PCA על מנת לראות כמה מימדים כבר יתנו לנו תוצאה טובה של הצגת הדאטה. ביצענו בדיקה של הערכים העצמיים ובדקנו מתי אנחנו מקבלים שסכום הערכים העצמיים מהווה 90% מהדאטה:

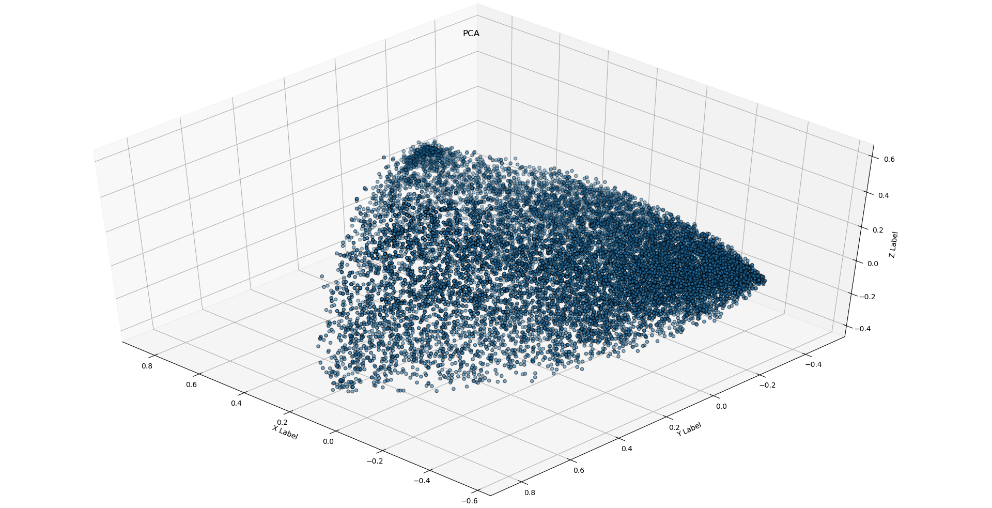
eighen value that represent 90% of the data = 19

and the ratio is 0.9019940148704854

אמנם זה הרבה מאוד אך כשבדקנו ע"י ה- explained variance ratio ראינו כי כבר שלושת הע"ע הראשונים מכילים קצת מעל 60% מהדאטה.

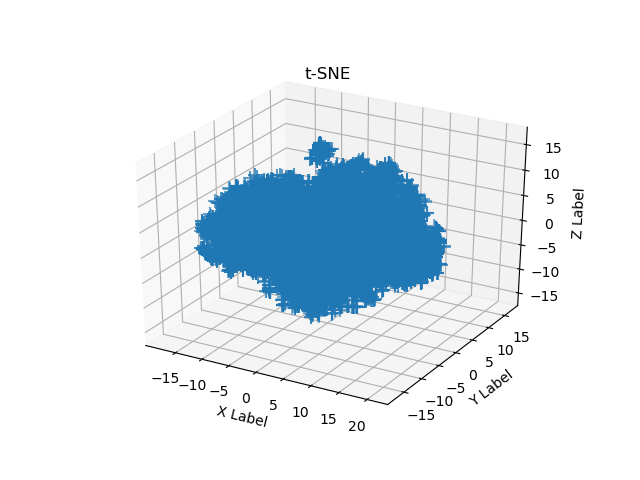
בנוסף, כאשר הוצאנו Plot של הדאטה ב-2D וב-3D ראינו שהתוצאה נראית טוב:





ממש ניתן לראות שהדאטה מרוכזת ומתקבלת תוצאה יפה מספיק כבר עבור המימדים הללו. כלומר הצגת הדאטה באשכולים ב-3 מימדים אכן תשקף יפה את התוצאה.

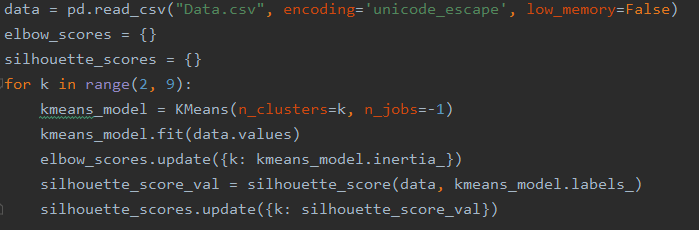
# לסיום רצינו לבדוק גם איך נראית הורדת מימד בשיטת t-SNE:

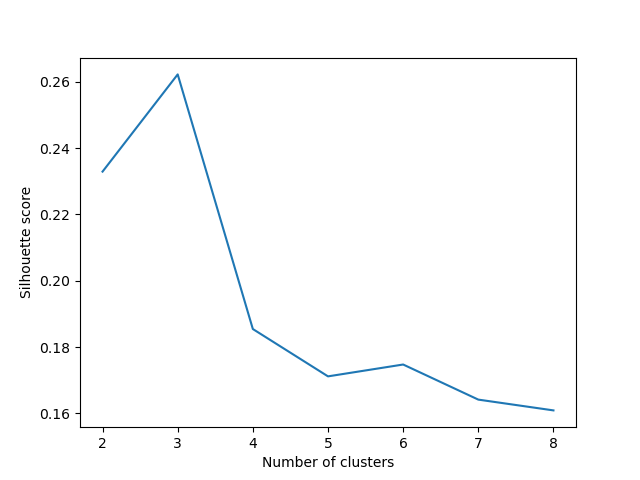


# גם כאן בסה"כ התוצאה יפה אך כיוון שהשיטה היא משמעותית יקרה יותר ולא ראינו שהיא מוסיפה הרבה מידע ביחס ל- PCA בהצגה של האשכולים החלטנו להשתמש ב- PCA.

### אשכול :

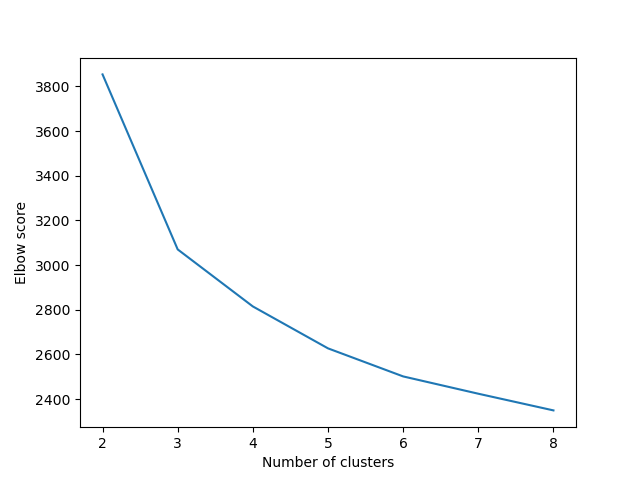
**אשכול K-means:**

בתחילה, ביצענו K-means במס' מרכזים שונים על מנת לראות מהי החלוקה שתיתן את התוצאה הטובה: ****



ניתן לראות מהגרף כי חלוקה של 3 מרכזים ייתן לנו את ההתאמה הטובה ביותר עבור הדאטה שלנו.

בנוסף, ה- ELBOW SCORE:



גם כאן ניתן לראות תוצאה חד משמעית שכן ה"מרפק" קיים עבור כל מס' אשכולים = 3. לכן החלטנו ללכת לחלוקה ל-3 מרכזים:

# # perform PCA for the best clustring  
# value=list(silhouette\_scores.values())  
# k= value.index(max(value))+2  
#  
# kmeans\_model = KMeans(n\_clusters=k, n\_jobs=-1)  
# kmeans\_model.fit(normalize\_data)  
# kmeans\_pca = PCA(n\_components=k)  
# kmeans\_pca\_data = kmeans\_pca.fit\_transform(normalize\_data)  
# analysis\_data = data.copy()  
# analysis\_data["clusters"] = kmeans\_model.labels\_  
  
# for i in range(k):  
# print('Kmeans - cluster ' + str(i) + ' = ' + str(sum(analysis\_data["clusters"]==i)))

להלן החלוקה לפי האשכולים שקיבלנו:

Kmeans - cluster 0 = 3695

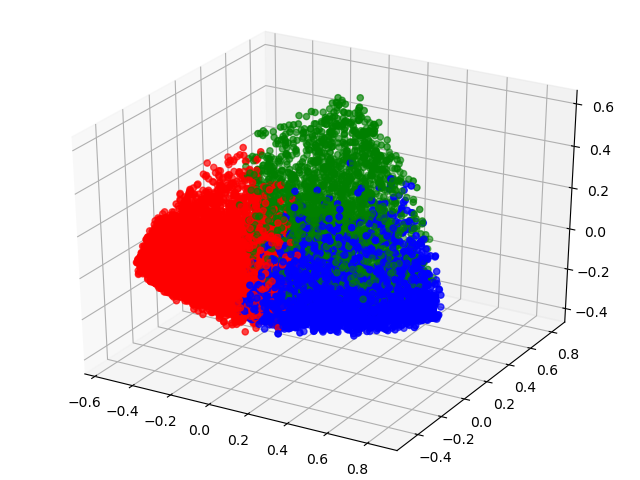
Kmeans - cluster 1 = 6143

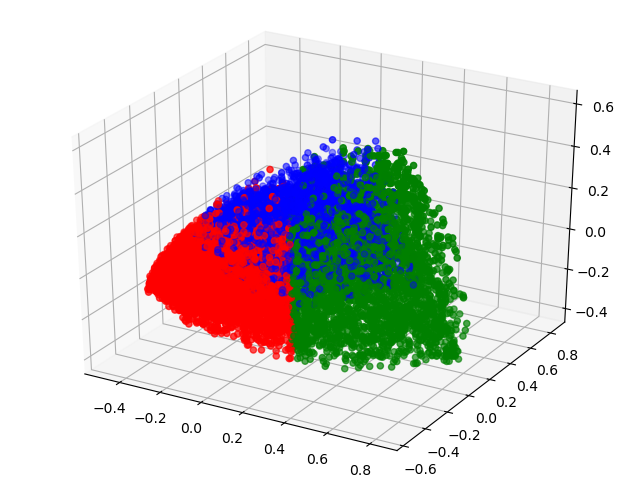
Kmeans - cluster 2 = 3346

בגלל שהDATA שלנו בעל הרבה ממדים, לא נוכל להראות אותו כמו שהוא בצורה מקורית, ולכן נשתמש באלגוריתם PCA על מנת לעשות הורדת ממדים לDATA ל3 ממדים – וכך נוכל לעשות ויזואליזציה לDATA :

# # plot 3D scatter  
# fig = plt.figure()  
# ax = Axes3D(fig)  
# ax.scatter([i[0] for i in kmeans\_pca\_data], [i[1] for i in kmeans\_pca\_data], [i[2] for i in kmeans\_pca\_data],  
# c=[my\_colors[j] for j in kmeans\_model.labels\_])  
# plt.show()  
# fig2 = plt.figure()  
# ax2 = Axes3D(fig2)  
# ax2.scatter([i[1] for i in kmeans\_pca\_data], [i[0] for i in kmeans\_pca\_data], [i[2] for i in kmeans\_pca\_data],c=[my\_colors[j] for j in kmeans\_model.labels\_])  
# plt.show()

נציג את הגרפים שקיבלנו:



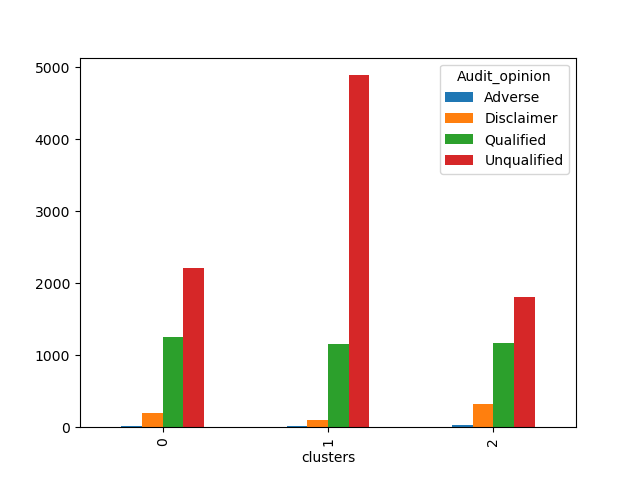
****

תחילה מבחינה ויזואלית, ניתן לראות שהחלוקה יפה וברורה, כמו כן האשכולות שקיבלנו נותנים חלוקה די מאוזנת.

לאחר ביצוע האשכול רצינו לראות איך האשכולים מפלגים את הדאטה שלנו בפיצ'רים השונים, כמו שביצענו כאשר עשינו ויזואליזציה של הדאטה:

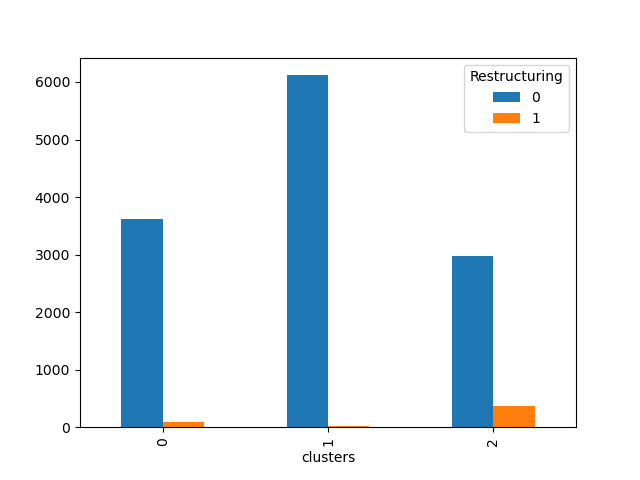
#one hot encode reverse for graphs  
  
analysis\_data['Audit\_opinion'] = analysis\_data[['Adverse','Disclaimer', 'Unqualified', 'Qualified']].idxmax(axis=1)  
analysis\_data['Legal\_form'] = analysis\_data[['Corporation','Limited liability','Public utility','Cooperative','Socially owned enterprise','Partnership','Branch of a foreign company','Limited partnership','Other']].idxmax(axis=1)  
  
#graph of features vs clusters  
pd.crosstab(analysis\_data['clusters'], analysis\_data['Audit\_opinion']).plot(kind='bar')  
plt.show()  
  
pd.crosstab(analysis\_data['clusters'], analysis\_data['Restructuring']).plot(kind='bar')  
plt.show()  
  
pd.crosstab(analysis\_data['clusters'], analysis\_data['Big4']).plot(kind='bar')  
plt.show()  
  
pd.crosstab(analysis\_data['clusters'], analysis\_data['Year']).plot(kind='bar')  
plt.show()  
  
pd.crosstab(analysis\_data['clusters'], analysis\_data['Legal\_form']).plot(kind='bar')  
plt.show()

**דעת המבקר:**



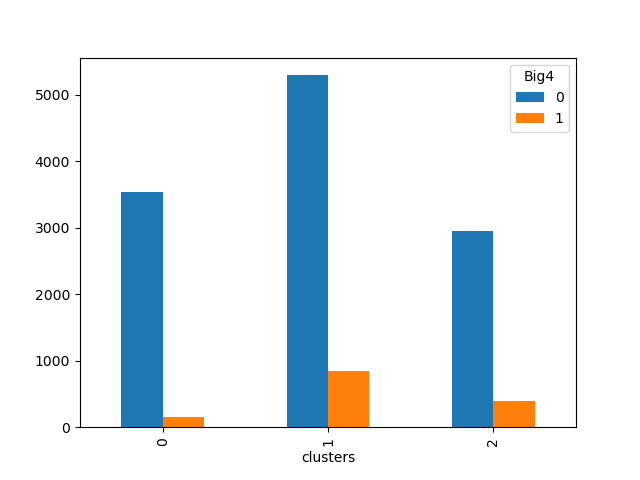
כבר כאן ניתן לראות שמעל 50% מכמות הדוחות שהוגדרו כ- Unqualified נמצאות באשכול מס' 1. לעומתו שאר החלוקה די מאוזנת, כלומר אנחנו יכולים להניח מכאן שבדוחות ישנם פיצ'רים שמאפשרים לחזות כאשר הדוח הוא עם הסתייגות. זה אכן הגיוני שדווקא בסוג הזה של הדוחות תתקבל חלוקה משמעותית שכן סוג זה מהווה את רוב הדאטה.

**שינוי מבני:**



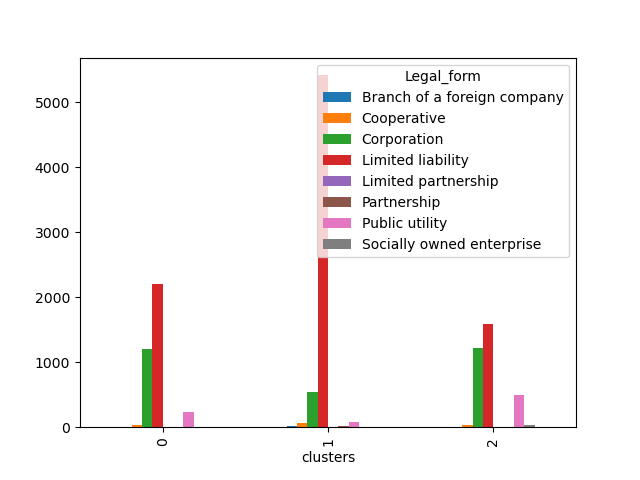
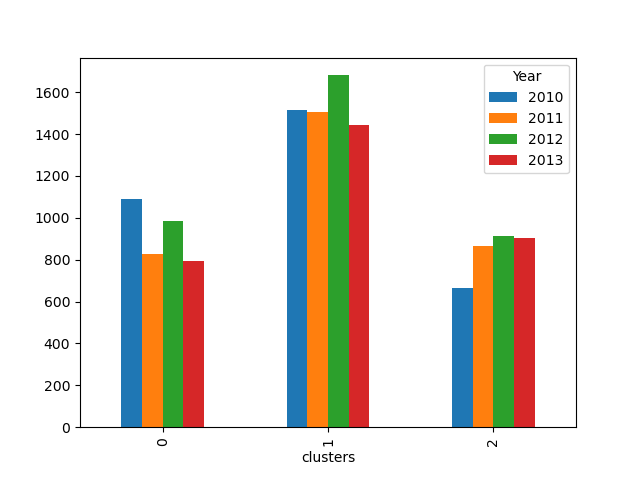
כאן כבר קיבלנו אפילו עוד יותר מובהקות של חלוקה, כאשר הרוב המוחלט של שינויי המבנה של החברה נמצאים באשכול מס' 2. זה גם האשכול שבו חוות הדעת היא שלילית באופן מובהק היא בכמות הגדולה ביותר. כלומר, אכן חוות הדעת שלילית של רואה החשבון יכול להעיד על כך שבחברה כרגע בנויה לא נכון ויכול להיות שהיא תצטרך לבצע איזה שינוי מבני בפנים החברה.

**Big 4:**



גם כאן, מעל 50% מדוחות ה- BIG 4 נמצאים באשכול 1 מה שמפתיע שכן ראינו בשלב הויזואליזציה שרוב ה- Adverse,Disclaimer הם תחת ה- Big 4 והם נמצאים בעיקר באשכולים 0 ו-2. כלומר באשכול 1 רוב ה-Big 4 למעשה מאשכלים את הדוח כ- Unqualified/quakified.

לבסוף בדקנו גם:



כאן לא ראינו איזה משמעות מיוחדת באשכול וההתפלגות בין האשכולים הייתה יחסית מאוזנת.

לסיום ביצענו חישוב BIC:

def compute\_bic\_kmeans(kmeans,X):  
centers = [kmeans.cluster\_centers\_]  
 labels = kmeans.labels\_  
 #number of clusters  
 m = kmeans.n\_clusters  
 # size of the clusters  
 n = np.bincount(labels)  
 #size of data set  
 N, d = X.shape  
 #compute variance for all clusters beforehand  
 cl\_var = (1.0 / (N - m) / d) \* sum([sum(distance.cdist(X.iloc[np.where(labels == i)], [centers[0][i]],  
 'euclidean')\*\*2) for i in range(m)])  
 const\_term = 0.5 \* m \* np.log(N) \* (d+1)  
 BIC = np.sum([n[i] \* np.log(n[i]) -n[i] \* np.log(N) -  
 ((n[i] \* d) / 2) \* np.log(2\*np.pi\*cl\_var) -  
 ((n[i] - 1) \* d/ 2) for i in range(m)]) - const\_term  
  
 return(BIC)

#BIC compute  
print('The BIC score of k\_means with ' str(k) + ' centroids is: ' + str(compute\_bic\_kmeans(kmeans\_model.fit(normalize\_data),normalize\_data)))

וקיבלנו:

The BIC score of k\_means with 3 centroids is: 12583148.482219802

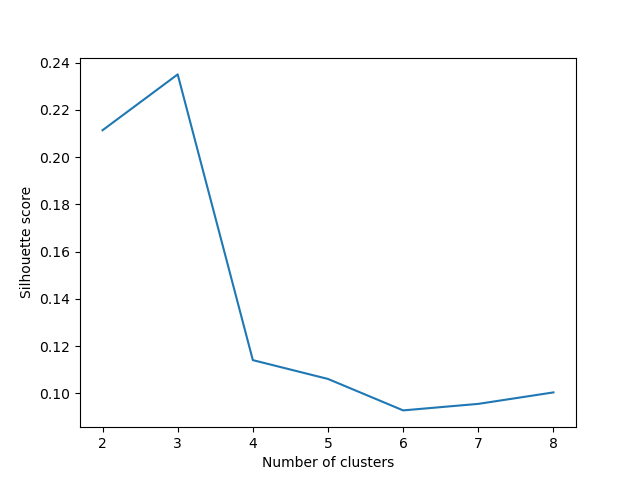
**אשכול Agglomerative Clustering**:

בשלב הבא ניסינו לבצע אשכול היררכי:

ראשית כל, נבחן מהו מספר האשכולות האופטימלי באותו אופן כמו שביצענו באשכול הקודם :

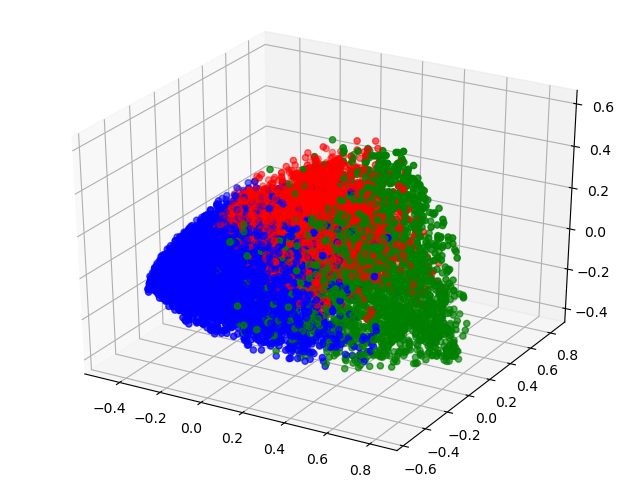
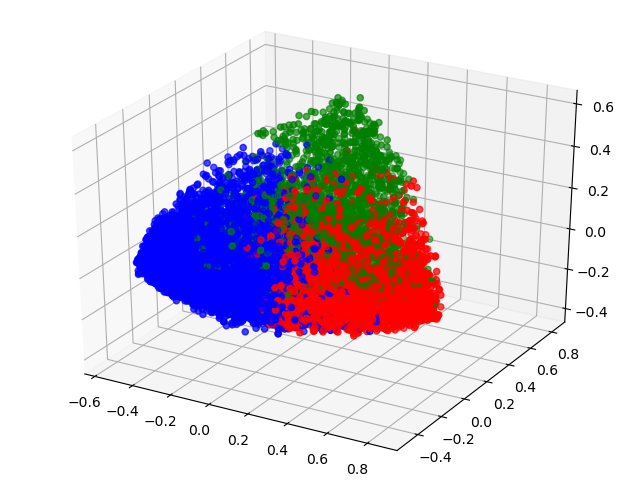
normalize\_data =pd.DataFrame(preprocessing.normalize(data))  
silhouette\_scores = {}  
for k in range(2, 9):  
 knn = kneighbors\_graph(normalize\_data, 10, n\_jobs=-1)  
 Agglomerative\_model = AgglomerativeClustering(n\_clusters=k, connectivity=knn)  
 Agglomerative\_model.fit(normalize\_data.values)  
 silhouette\_score\_val = silhouette\_score(normalize\_data, Agglomerative\_model.labels\_)  
 silhouette\_scores.update({k: silhouette\_score\_val})

#plotting silouette score graph  
plt.plot(list(silhouette\_scores.keys()), list(silhouette\_scores.values()))  
plt.xlabel("Number of clusters")  
plt.ylabel("Silhouette score")  
plt.show()



גם כאן קיבלנו שחלוקה של 3 אשכולות היא החלוקה המיטבית שלנו.

בדיוק כמו באשכול הקודם גם כאן ביצענו את החלוקה לפי 3 אשכולות, השתמשנו ב- PCA והצגנו גרף 3D של החלוקה. בנוסף הדפסנו את כמות האובייקטים שיש בכל אשכול:



גם כאן החלוקה מבחינה ויזואלית נראית יחסית טובה עם אזורים די ברורים.

מס' האובייקטים בכל אשכול:

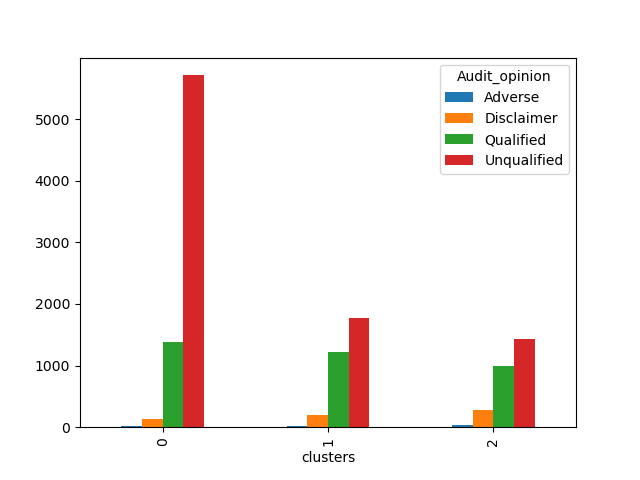
Agglomerative - cluster 0 = 7241

Agglomerative - cluster 1 = 3215

Agglomerative - cluster 2 = 2728

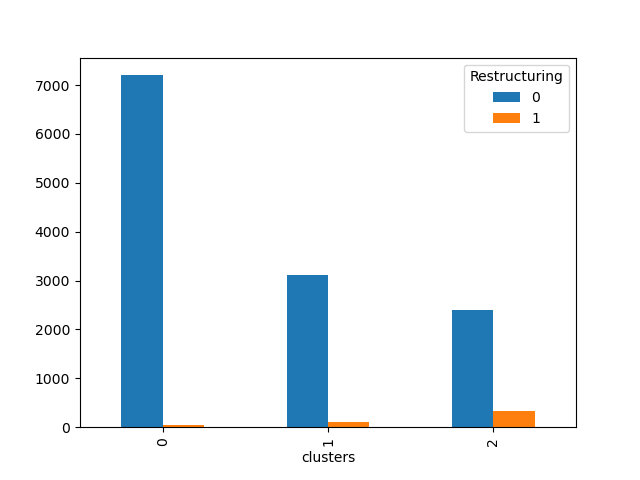
לאחר מכן גם בחלוקה בזאת רצינו לראות איך הפיצ'רים מתפלגים בתוך האשכולות:

**דעת המבקר:**



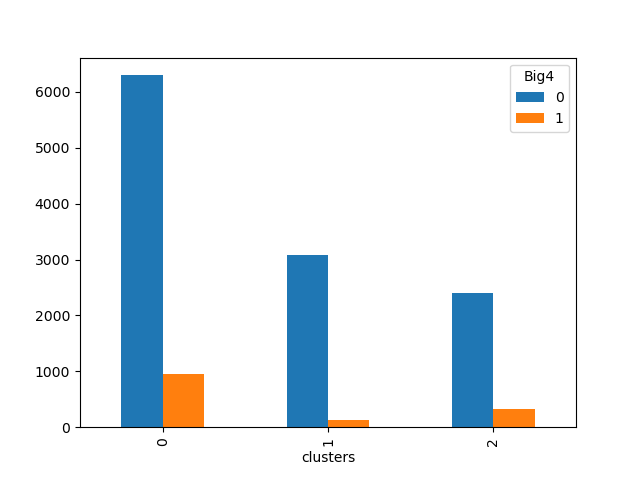
גם כאן בדומה לאשכול הקודם, כמות הדוחות המירבית שהוגדרו כ- Unqualified נמצאות באשכול ספציפי. שאר הדעות של המבקר הן בחלוקה מאוזנת.

**שינוי מבני:**

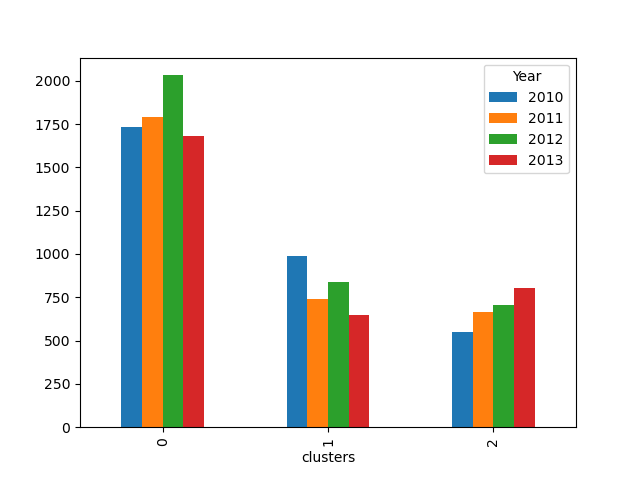
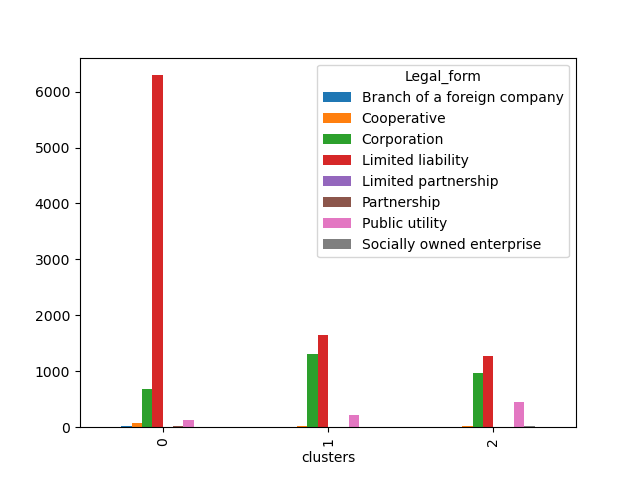


גם כאן בדומה ל- K-means רוב השינוי המבני קיים באשכול אחד אבל עם חלוקה מעט פחות מובהקת.

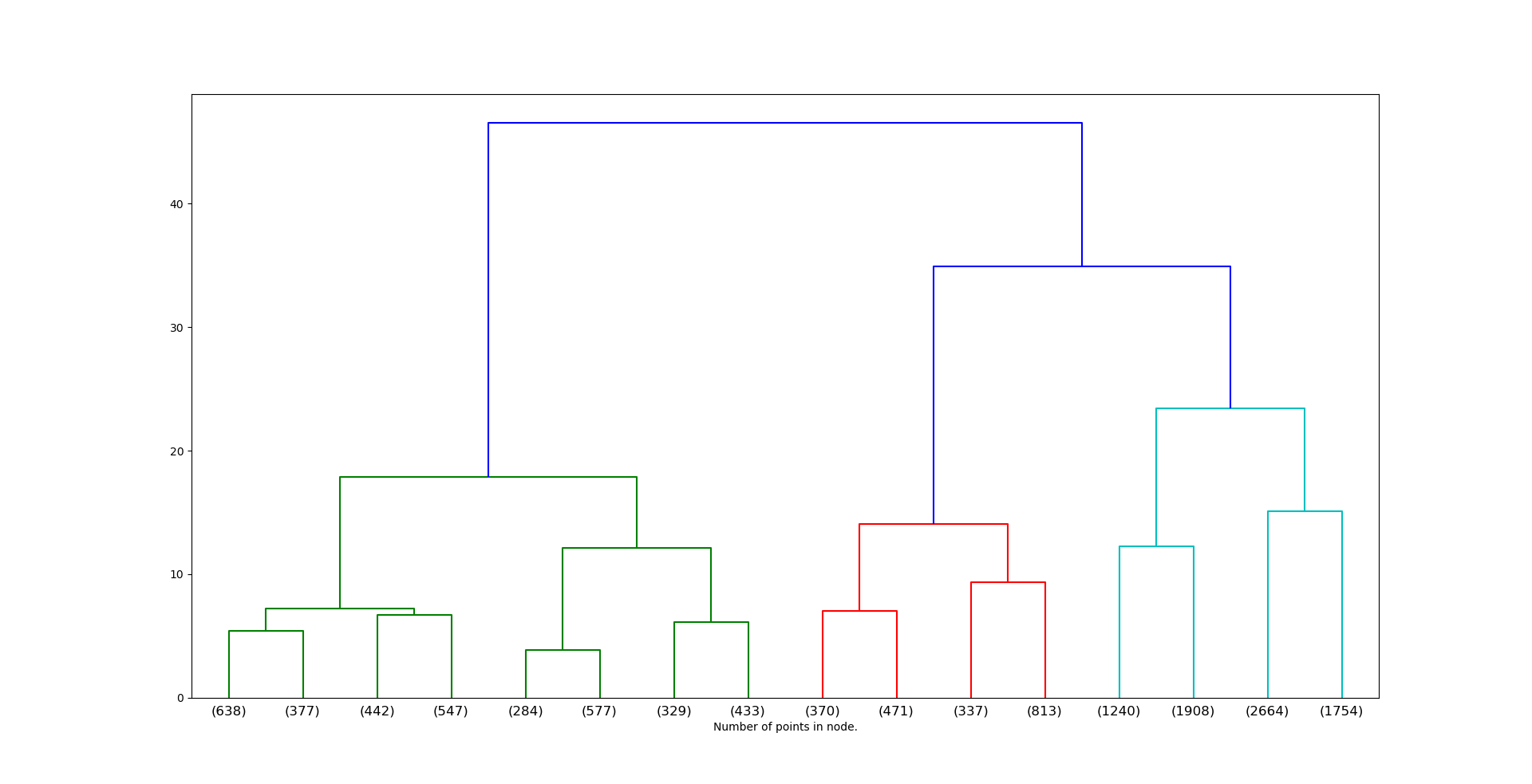
**Big 4:**



פה בשונה מ-K-means החלוקה של ה- Big 4 מול דעת המבקר היא לא הפוכה אבל גם כן מפתיעה ביחסים שלהם. ולבסוף בשאר הפיצ'רים שוב כמו באשכול הקודם לא קיבלנו איזושהיא מובהקות.



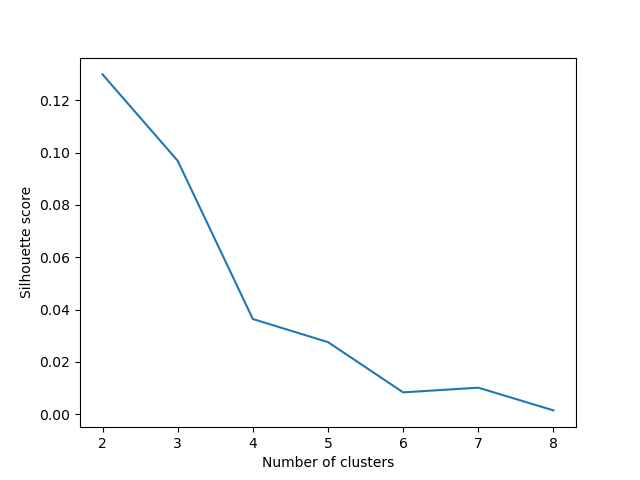
החלוקה כאן הייתה מאוד דומה לחלוקה ב-K-means עם מספרים טיפה שונים. לסיום, ביצענו דנדוגרם גרף:



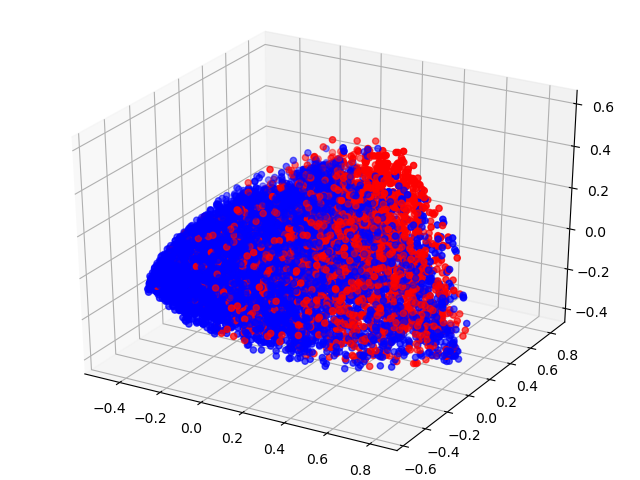
ניתן לראות שחלוקה ל-2 לדוג' הייתה נותנת לנו תוצאה מאד לא מאוזנת. מאידך חלוקה ל-4 כנראה הייתה מחלקת את אשכול 0 ל-2 חלקים שככל הנראה נורא דומים ע"פ ה- Silhouette score.

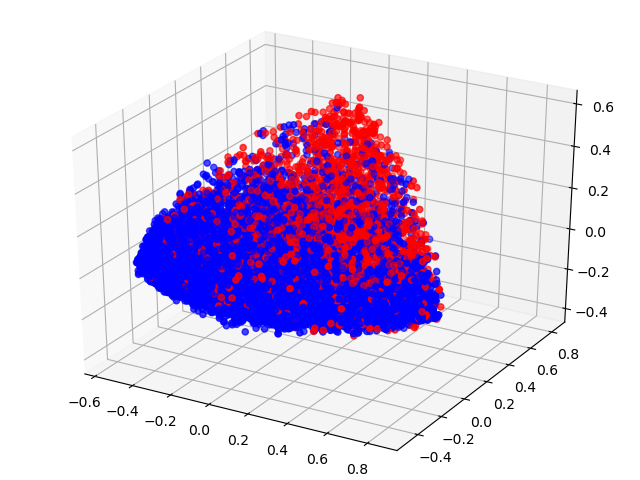
**אשכול GMM:**

לאשכול אחרון, רצינו לבדוק האם ניתן לקבל אשכול ללא הנחות על האשכולים שייתן לנו תוצאות טובות יותר מ- K-means. גם כאן בדקנו עבור מס' אשכולים שונים וביצענו את ה- Silhouette score:



כאן כבר קיבלנו שכמות האשכולות הכי גבוה שמתאים לנו הוא 2. בנוסף, הערך בגרף הוא מאוד נמוך גם עבור . *בנוסף מבחינה ויזואלית:*

**

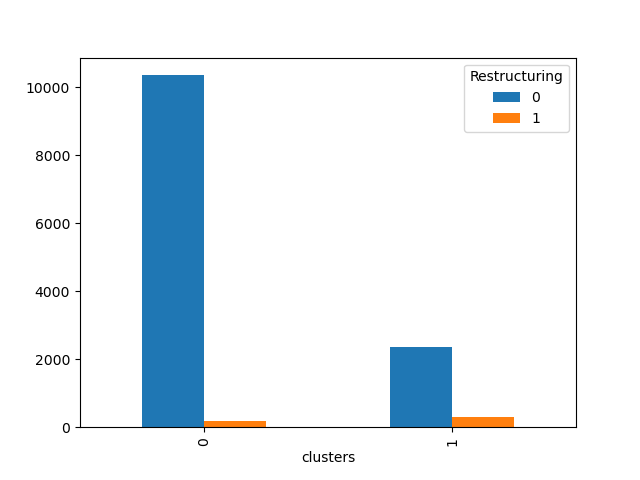


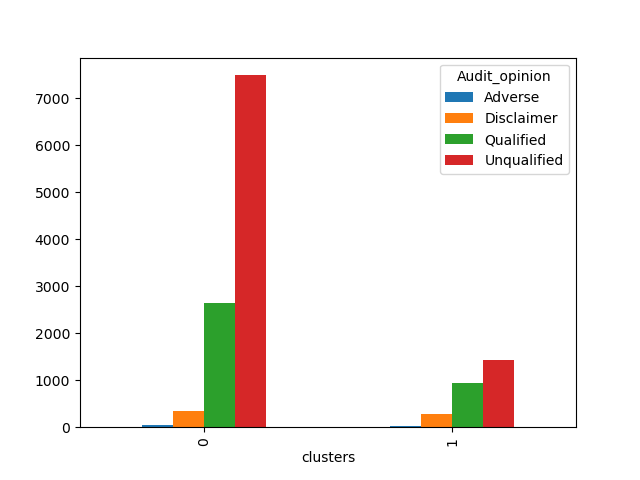
ניתן לראות שהחלוקה אצלנו לא חדה מספיק והאשכולים מעורבבים בתוך עצמם. גם ה- BIC המתקבל הוא:

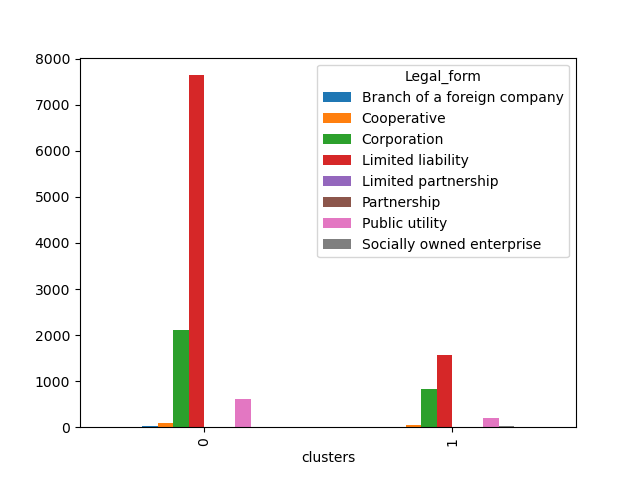
The BIC score of GMM with 3 centroids is: -50515136.91084285

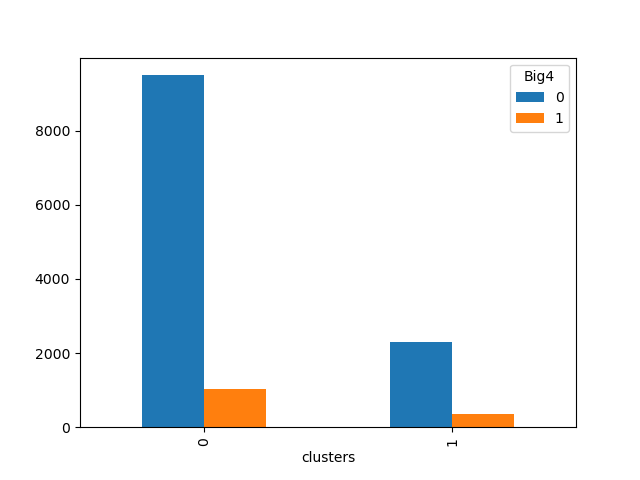
אנחנו מניחים שהסיבה היא ש-GMM מלכתחילה לוקח בחשבון את כל מטריצת ה-Covariance וכנראה שהמטריצה רועשת מידי.

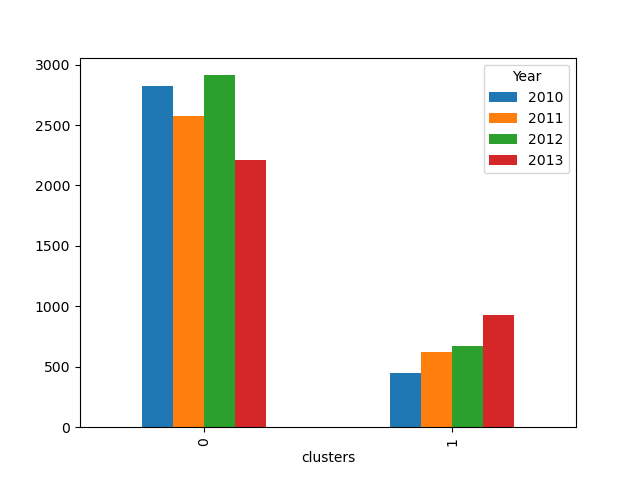
לבסוף גם הגרפים עצמם שהתקבלו בין הפיצ'רים לאשכולים לא נתן לנו מידע מיוחד.











# סיכום:

לסיכום ניתן לומר כי הדאטה שלנו מתחלקת די יפה ומאפשרת אשכול טוב הן היררכי והן K-means. קיבלנו שישנם קשרים גבוהים בין סוג הדוח לבין המאפיינים האחרים וניתן לומר ע"פ האשכולים שניתן לחזות במידה מסוימת את סוג הדוח. כמו כן ראינו כי שינוי מבני של החברה גם הוא מאושכל לאשכול ספציפי כמעט כולו יחד מה שמלמד על כך שמאפיינים דומים קיימים גם אצלו.